

## Äquivalenz von Termen (inkl. Wiederholung Distributivgesetz)

vgl. Buch, S. 168f

### 1. Schritt

Äquivalenz in Form eines konkreten Beispiels aus dem Alltag:  
eine Person (vgl. Buch S. 168 oben).

### 2. Schritt

Äquivalenz etwas abstrakter/mathematischer:  
„verkleidete Zahlen“ (vgl. Buch S. 154 rechts). Dazu:

$$5\% = \frac{5}{100} = \frac{1}{20}$$

$$2,00 = 2$$

$$-\frac{6}{3} = -2$$

### 3. Schritt

Äquivalenz bei mathematischen Termen (vgl. Buch S. 168ff). Dazu:

167 | 4c:

$$\begin{aligned} & 10 \cdot x - x \\ = & 10x - x \\ = & 10x - 1x \\ = & 9x \end{aligned}$$

167 | 5f:

$$\begin{aligned} & 4 \cdot u + 10 - u - 5 \\ = & 4u + 10 - 1u - 5 \\ = & 4u - 1u + 10 - 5 \\ = & 3u + 5 \end{aligned}$$

Und nun zur Anwendung des Distributivgesetzes, um äquivalente Terme zu erzeugen.  
Dazu nochmal ein wenig Wiederholung zum Distributivgesetz:

*Siehe nächste Seite.*

$$a \cdot (b + c) = ab + ac$$

$$7 \cdot (3 + 5) = 21 + 35 = \underline{\underline{56}}$$

$$2 \cdot (4 + x) = 8 + 2x$$

$$-2 \cdot (4 + x) = -8 - 2x$$

$$-2 \cdot (-4 + x) = 8 - 2x$$

$$-2 \cdot (-4 - x) = 8 + 2x$$

ausmultiplizieren (Klammern auflösen)

Punkt-  
rechnungs-  
aufgabe

$$-5 \cdot (a + 3) = -5a - 15$$

Strich-  
rechnungs-  
aufgabe

ausklammern (Klammern setzen)  
→ die -5 wird ausgeklammert

Das DISTRIBUTIVGESETZ (DG):

ein Gesetz, zwei (Rechen-)Reihenfolgen, zwei äquivalente  
Terme

Für uns bedeutet das bei äquivalenten Termen nun: Mit Hilfe des Distributivgesetzes kann man äquivalente Terme erzeugen. Man kann durch Anwendung des Distributivgesetzes auch zeigen, dass zwei gegebene Terme äquivalent sind. Beispiele:

„herkömmlicher“ Rechenweg:

$$\begin{aligned} & 4 \cdot (12 - 1) \\ = & 4 \cdot (11) \\ = & 4 \cdot 11 \\ = & 44 \end{aligned}$$

mit Hilfe des Distributivgesetzes:

$$\begin{aligned} & 4 \cdot (12 - 1) \\ = & 4 \cdot 12 - 4 \cdot 1 \\ = & 48 - 4 \\ = & 44 \end{aligned}$$

Beide Rechenwege sind äquivalent, da sie auf die gleiche Lösung führen. Entsprechend sind der Ausgangsterm  $4 \cdot (12 - 1)$  und das Ergebnis 44 auch zueinander äquivalent.

Wenn wir nun noch Variablen in unsere Terme einbauen, sehen wir, dass der zunächst noch umständlich erscheinende Rechenweg des Distributivgesetzes sehr wichtig ist:

„herkömmlicher“ Rechenweg:

$$\begin{aligned} & 4 \cdot (12 - x) \\ = & \text{„fertig“} \end{aligned}$$

mit Hilfe des Distributivgesetzes:

$$\begin{aligned} & 4 \cdot (12 - x) \\ = & 4 \cdot 12 - 4 \cdot x \\ = & 48 - 4x \end{aligned}$$

Ohne die Anwendung des Distributivgesetzes ist man mit dem „herkömmlichen“ Rechenweg sofort am Ende, weil man nicht weiterkommt (man kann nicht  $12 - x$  rechnen, da man den Wert von  $x$  nicht kennt).

Mit Hilfe des Distributivgesetzes ist das anders: Man kann noch die Klammer auflösen und zu  $48 - 4x$  überführen. Das ist mathematisch gesehen eine Vereinfachung des Terms, da er kürzer ist und keine Klammer mehr vorkommt.

Zugleich kann man festhalten, dass  $4 \cdot (12 - x)$  und  $48 - 4x$  das Gleiche sind – beide Terme sind äquivalent („gleichwertig“). Dennoch bevorzugt man  $48 - 4x$ , weil der Term eben vereinfacht ist (s. o.).